



## 第3回 アプリケーションの性能最適化2 (CPU単体性能最適化)

2014年4月24日

独立行政法人理化学研究所  
計算科学研究機構 運用技術部門  
ソフトウェア技術チーム チームヘッド

南 一生  
minami\_kaz@riken.jp



RIKEN ADVANCED INSTITUTE FOR COMPUTATIONAL SCIENCE

## 講義の概要

- スーパーコンピュータとアプリケーションの性能
- アプリケーションの性能最適化1 (高並列性能最適化)
- アプリケーションの性能最適化2 (CPU単体性能最適化)
- アプリケーションの性能最適化の実例1
- アプリケーションの性能最適化の実例2

# 内容

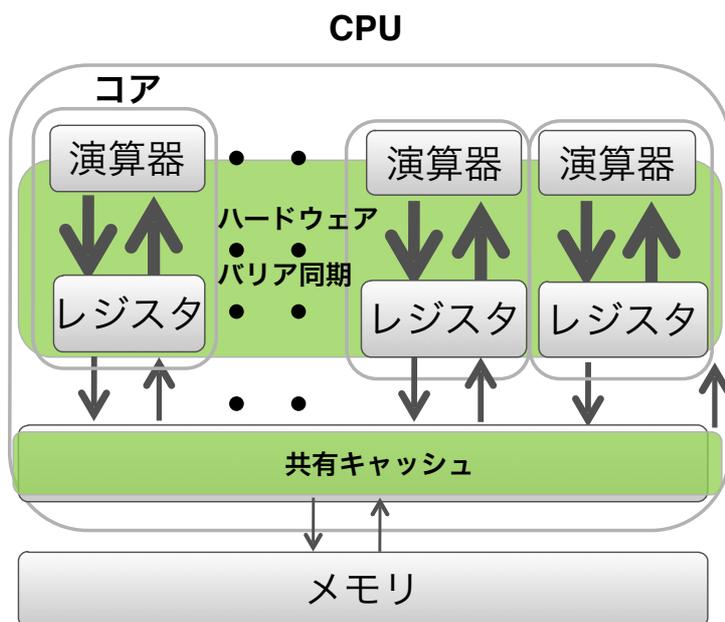
---

- スレッド並列化
- CPU単体性能を上げるための5つの要素
- 要求B/F値と5つの要素の関係
- 性能予測手法 (要求B/F値が高い場合)
- 具体的テクニック

---

## スレッド並列化

# スレッド並列の概要



- 京の場合1CPUに8コア搭載.
- 8コアでL2キャッシュを共有.
- MPI等のプロセス並列に対しCPU内の8コアを使用するためのスレッド並列化が必要.
- スレッド並列化のためには自動並列化かOpenMPが使用可.
- 京の場合はハードウェアバリア同期機能を使用した高速なスレッド処理が可能.

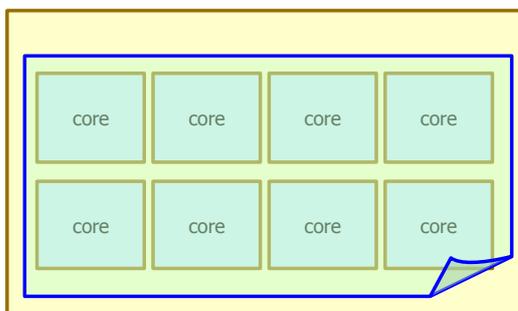
5



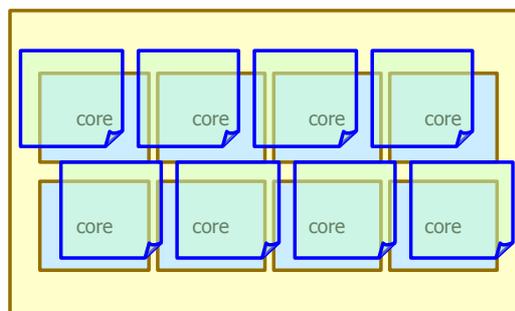
## ハイブリッド並列とフラットMPI並列

- MPIプロセス並列とスレッド並列を組み合わせをハイブリッド並列という.
- 各コアにMPIプロセスをわりあてる並列化をフラットMPI並列という.
- 京では通信資源の効率的利用, 消費メモリ量を押さえる観点でハイブリッド並列を推奨している.

1プロセス8スレッド  
(ハイブリッドMPI)の場合



8プロセス(フラットMPI)の場合



6

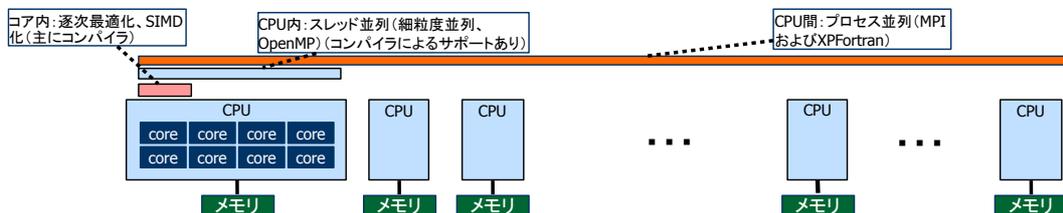


# ハイブリッド並列とフラットMPI並列 (京の場合)

## ■ スレッド並列+プロセス並列のハイブリッド型

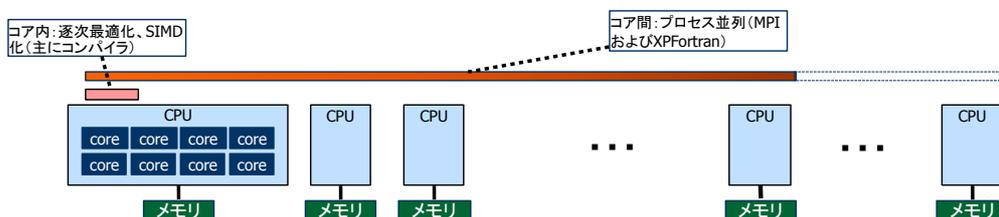
- コア内: コンパイラによる逐次最適化, SIMD化
- CPU内: スレッド並列(自動並列化: 細粒度並列化<sup>†</sup>, OpenMP)
- CPU間: プロセス並列(MPI, XPFortran)

<sup>†</sup>細粒度並列化  
高速バリア同期を活用し、内側ループをコア間で並列化  
ベクトル向け(内側ループが長い)コードの高速化が可能



## ■ プロセス並列型

- コア内: コンパイラによる逐次最適化, SIMD化
- コア間: プロセス並列(MPI, XPFortran)



実行効率の観点から、ハイブリッド型を推奨

# CPU単体性能を上げる ための5つの要素

# CPU単体性能を上げるための5つの要素

---

CPU内の複数コアでまずスレッド並列化が  
できていると事は前提として

- (1) ロード・ストアの効率化
- (2) ラインアクセスの有効利用
- (3) キャッシュの有効利用
- (4) 効率の良い命令スケジューリング
- (5) 演算器の有効利用

9



---

## (1) ロード・ストアの効率化

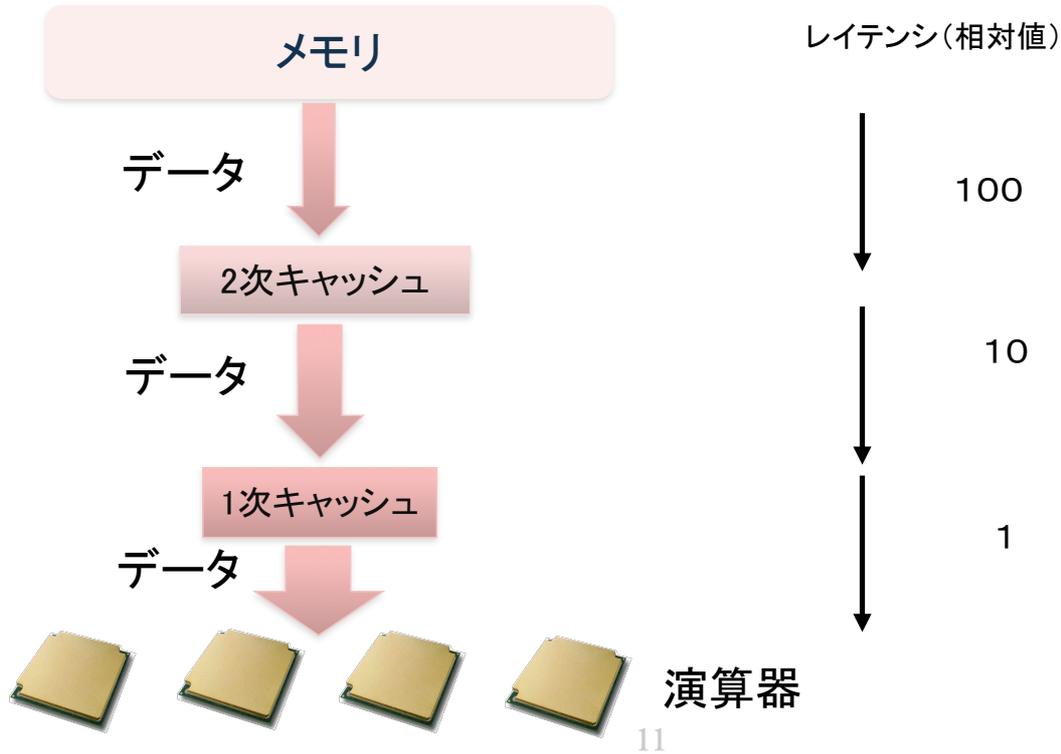
---

- プリフェッチの有効利用
- 演算とロード・ストア比の改善

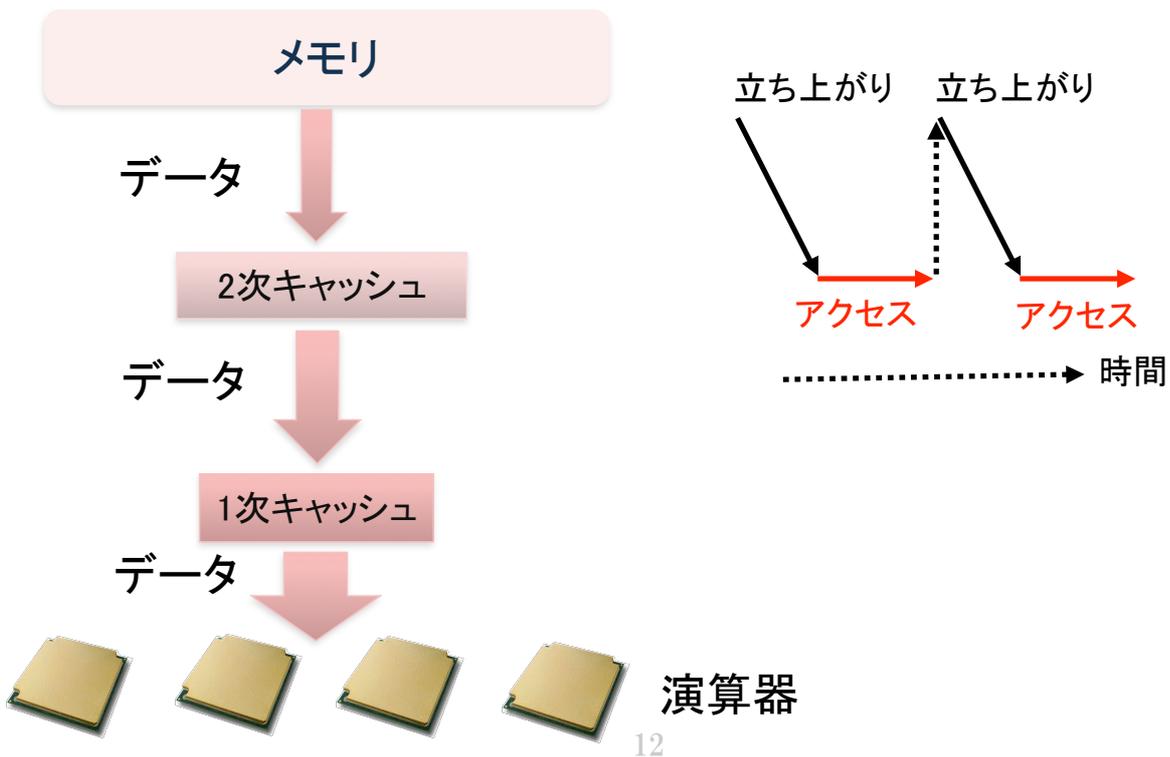
10



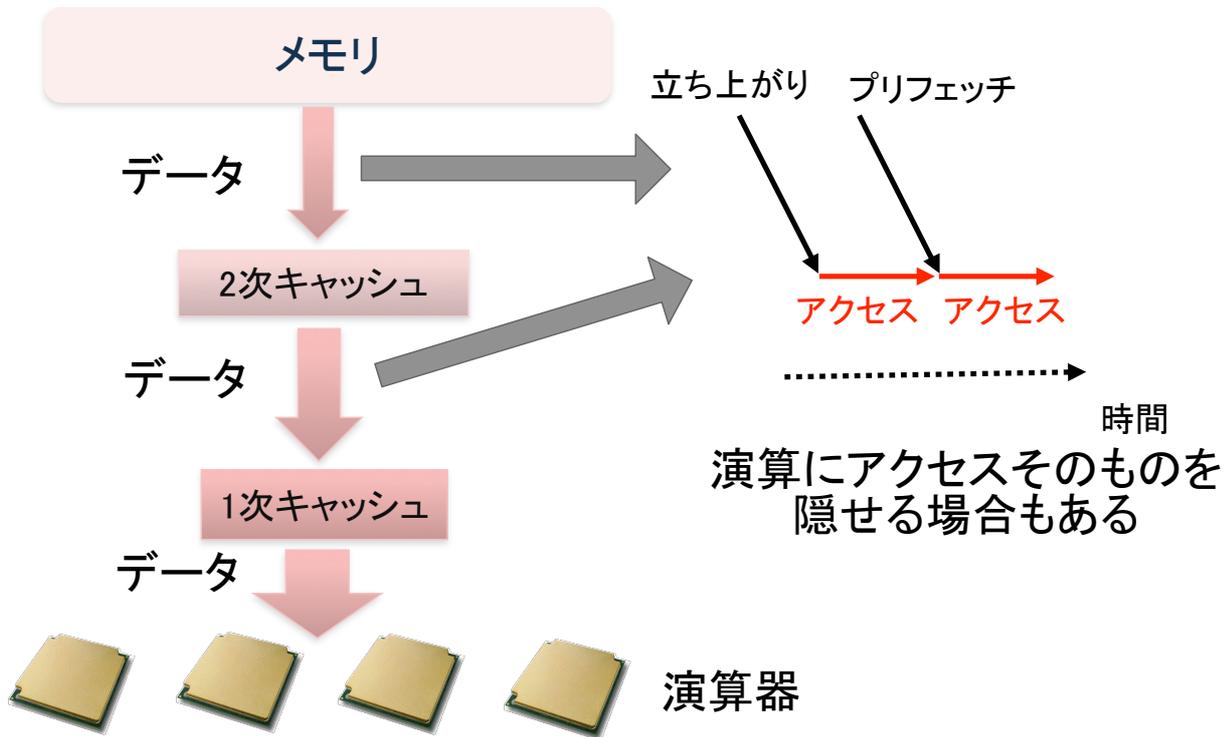
# レイテンシ(アクセスの立ち上がり)



# レイテンシ(アクセスの立ち上がり)



# プリフェッチの有効利用



13



# 演算とロード・ストア比の改善

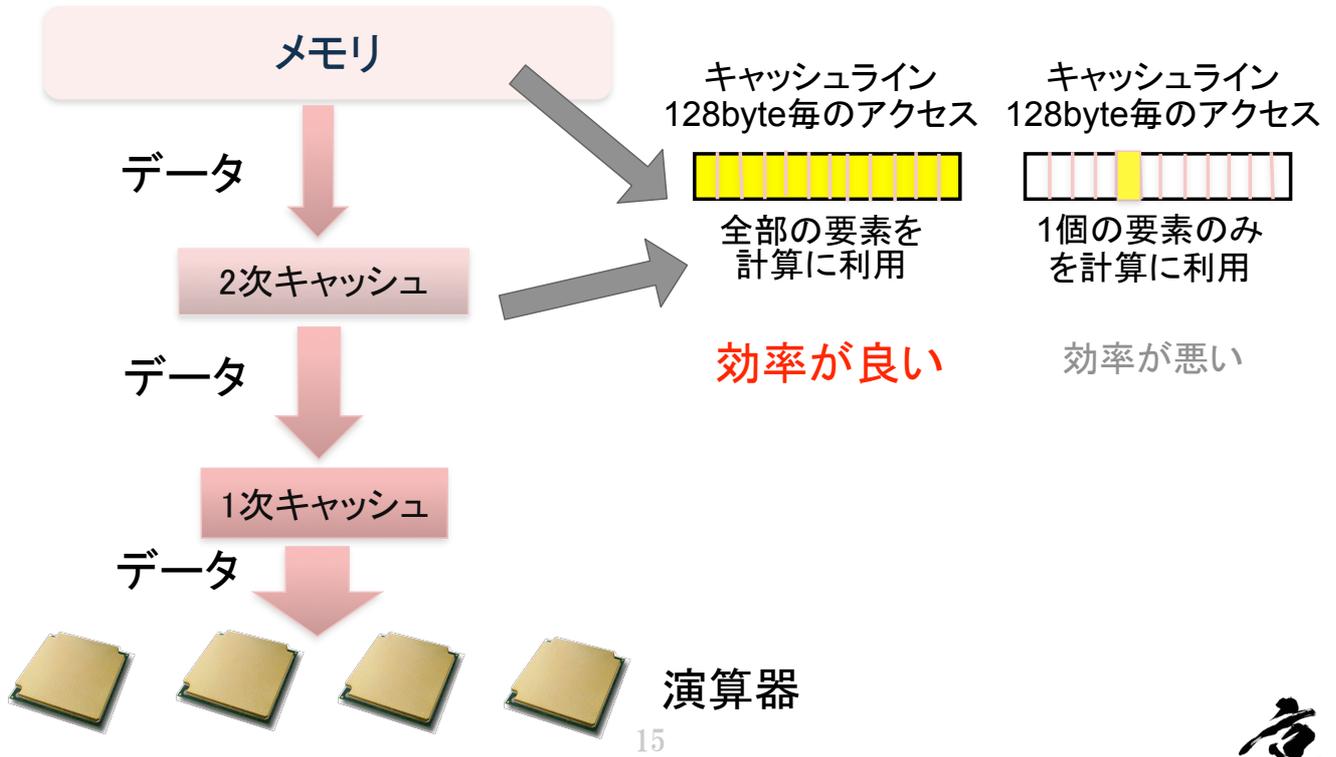
- 以下のコーディングを例に考える.
- 以下のコーディングの演算は和2個, 積2個の計4個.
- ロードの数は $x, a(i), a(i+1)$ の計3個.
- ストアの数は $x$ の1個.
- したがってロード・ストア数は4個
- 演算とロード・ストアの比は $4/4$ となる.
- なるべく演算の比率を高めロード・ストアの比率を低く抑えて演算とロード・ストアの比を改善を図る事が重要.

```
do j=1, m
do i=1, n
  x(i) = x(i) + a(i) * b + a(i+1) * d
end do
```

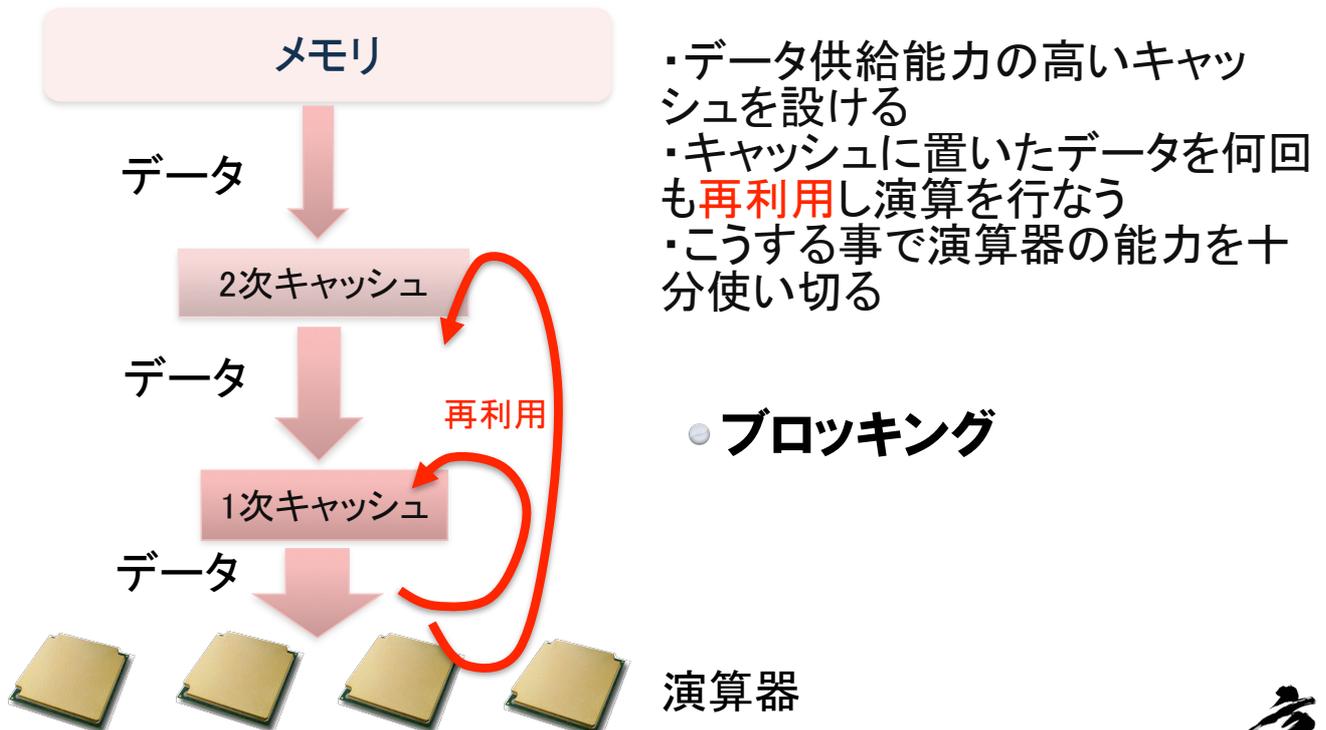
14



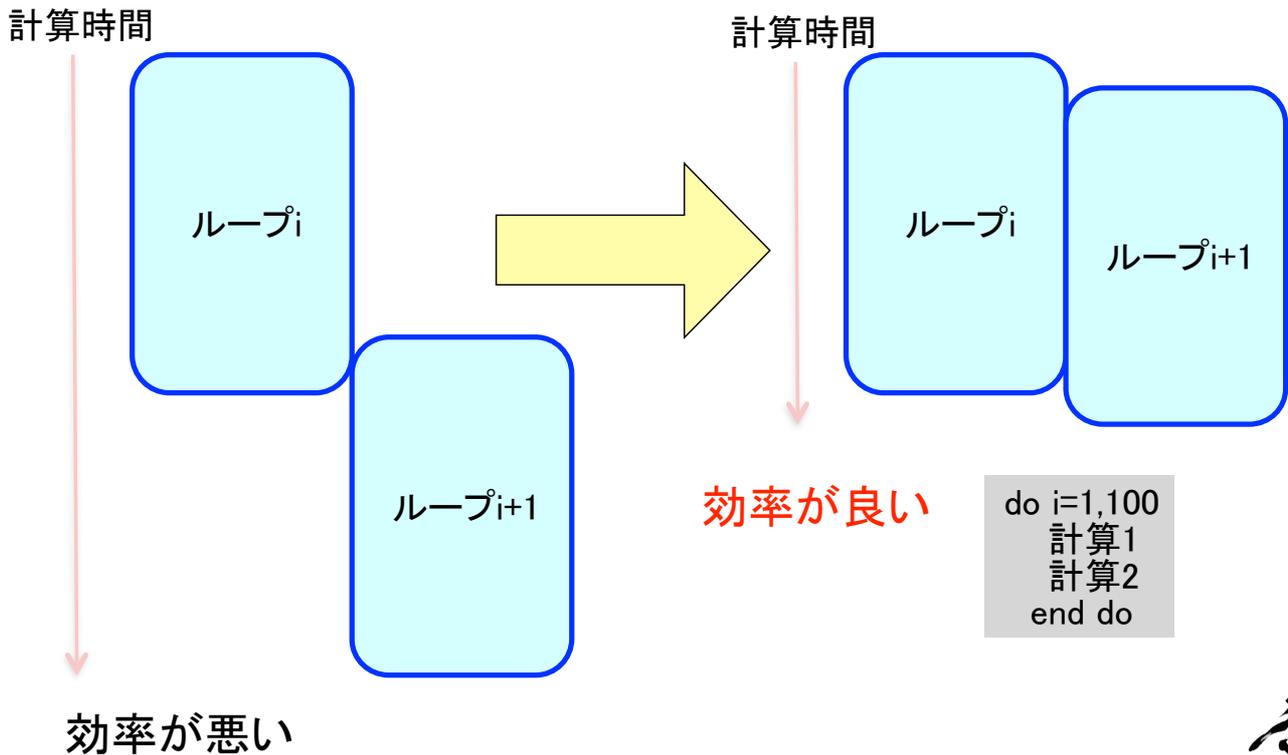
## (2) ラインアクセスの有効利用



## (3) キャッシュの有効利用



## (4) 効率の良い命令スケジューリング



17



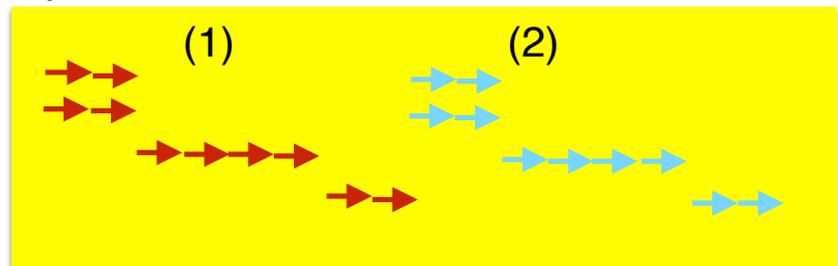
## 並列処理と依存性の回避

<ソフトウェアパイプラインニング> **コンパイラ**

- <前提>
- ロード2つorストアと演算とは同時実行可能
  - ロードとストアは2クロックで実行可能
  - 演算は4クロックで実行可能
  - ロードと演算とストアはパイプライン化されている

例えば以下の処理をを考える。

```
do i=1,100
  a(i)のロード
  b(i)のロード
  a(i)とb(i)の演算
  i番目の結果のストア
end do
```



- <実行時間>
- 8クロック×100要素=800クロックかかる

18

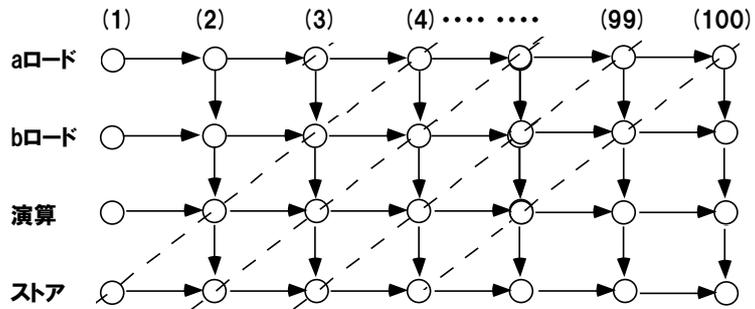


# 並列処理と依存性の回避

< ソフトウェアパイプラインニング > **コンパイラ**

左の処理を以下のように構成し直す事をソフトウェアパイプラインニングという

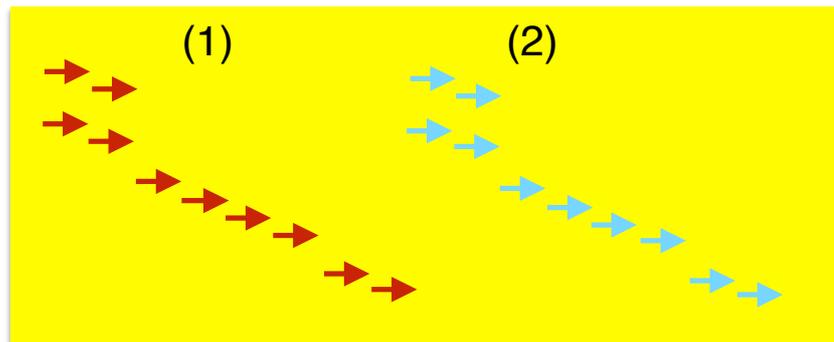
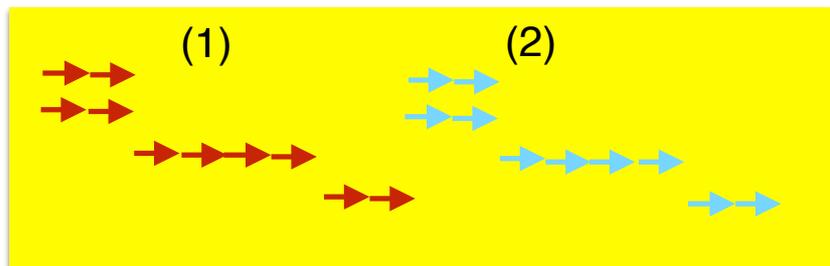
```
a(1)a(2)a(3)のロード  
b(1)b(2)のロード  
(1)の演算  
do i=3,100  
  a(i+1)のロード  
  b(i)のロード  
  (i-1)の演算  
  i-2番目の結果のストア  
end do  
b(100)のロード  
(99)(100)の演算  
(98)(99)(100)のストア
```



# 並列処理と依存性の回避

< ソフトウェアパイプラインニング > **コンパイラ**

```
do i=1,100  
  a(i)のロード  
  b(i)のロード  
  a(i)とb(i)の演算  
  i番目の結果のストア  
end do  
  
do i=1,100  
  a(i)のロード  
  
  b(i)のロード  
  
  a(i)とb(i)の演算  
  
  i番目の結果のストア  
  
end do
```



# 並列処理と依存性の回避

<ソフトウェアパイプラインニング>

左の処理を以下のように構成し直す事をソフトウェアパイプラインニングという

a(1)a(2)a(3)のロード

b(1)b(2)のロード

(1)の演算

do i=3,100

a(i+1)のロード

b(i)のロード

(i-1)の演算

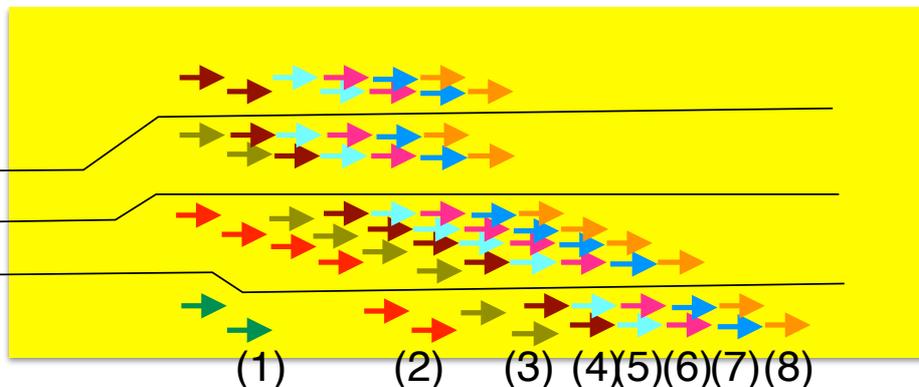
i-2番目の結果のストア

end do

b(100)のロード

(99)(100)の演算

(98)(99)(100)のストア



<実行時間>

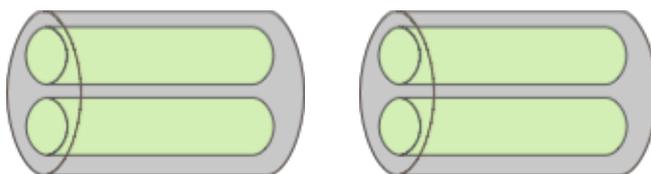
- ・前後の処理及びメインループの立ち上がり部分を除くと
- ・1クロック×100要素=100クロックで処理できる

21



## (5) 演算器の有効利用

2 SIMD Multi&Add演算器×2本



乗算と加算を4個同時に計算可能

$$(1 + 1) \times 4 = 8$$

この条件に  
近い程高効率

1コアのピーク性能: 8演算×2GHz = 16G演算/秒

22



# 要求B/F値と5つの要素の関係

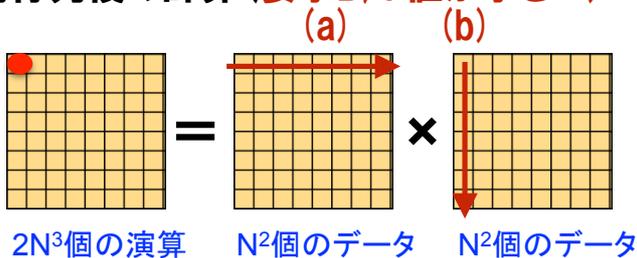
23



## 要求B/F値と5つの要素の関係

アプリケーションの要求B/F値の大小によって性能チューニングにおいて注目すべき項目が異なる

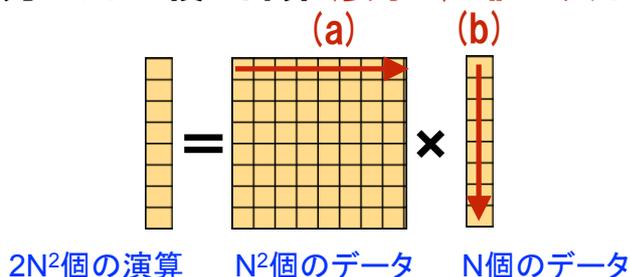
行列行列積の計算 (要求B/F値が小さい)



$$\begin{aligned} \text{B/F値} &= \text{移動量(Byte)}/\text{演算量(Flop)} \\ &= 2N^2/2N^3 \\ &= 1/N \end{aligned}$$

原理的にはNが大きい程小さな値

行列ベクトル積の計算 (要求B/F値が大きい)



$$\begin{aligned} \text{B/F値} &= \text{移動量(Byte)}/\text{演算量(Flop)} \\ &= (N^2+N)/2N^2 \\ &\approx 1/2 \end{aligned}$$

原理的には1/Nより大きな値

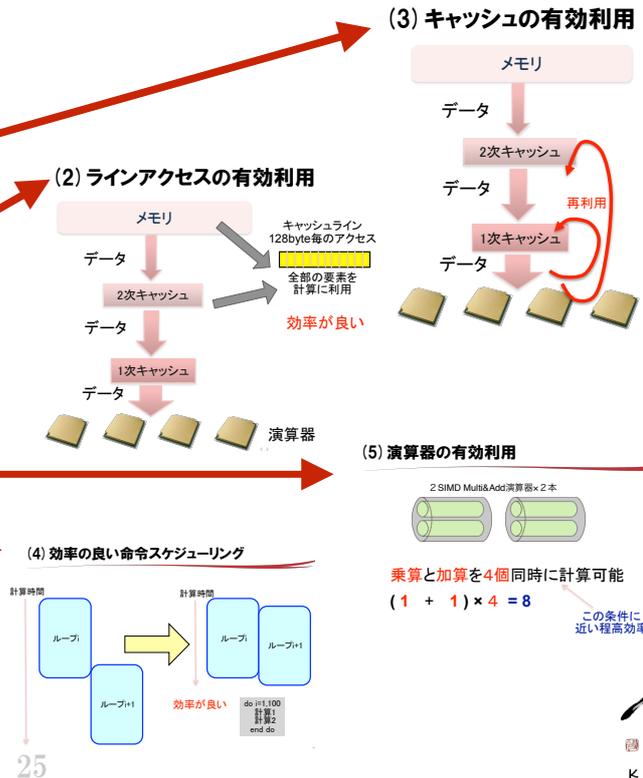
24



# 要求B/F値と5つの要素の関係

## 要求するB/Fが小さいアプリケーションについて

- 原理的にキャッシュの有効利用が可能
- まずデータをオンキャッシュにするコーディング:(3)が重要
- つぎに2次キャッシュのライン上のデータを有効に利用するコーディング:(2)が重要
- それが実現できた上で(4)(5)が重要

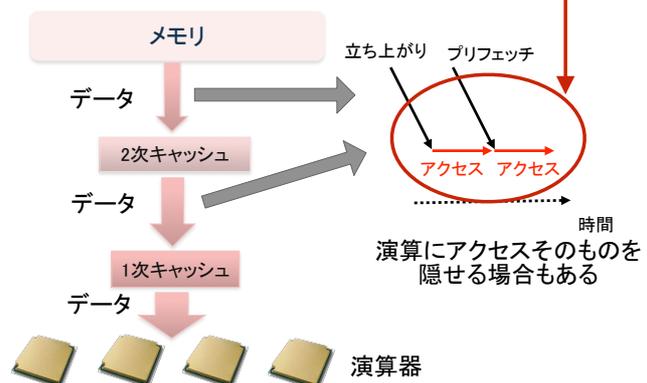


# 要求B/F値と5つの要素の関係

## 要求するB/Fが大きいアプリケーションについて

- **メモリバンド幅を使い切る事が大事**

レイテンシーが隠れた状態にする事. この状態でメモリバンド幅のピーク(京の場合の理論値は64GB/sec)が出せる. レイテンシーが見えてるとメモリバンド幅のピーク値は出せない.

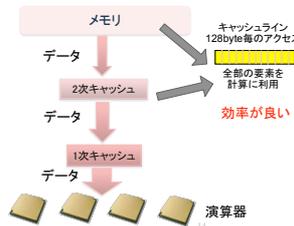


# 要求B/F値と5つの要素の関係

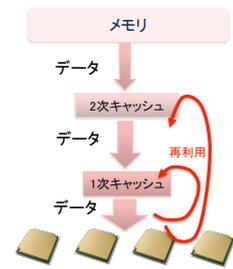
要求するB/Fが**大きい**アプリケーションについて

- 一番重要なのは(1)(2)
- 次にできるだけオン  
キャッシュする(3)が重要
- これら(1)(2)(3)が満たされ  
計算に必要なデータが演  
算器に供給された状態  
で、それらのデータを十  
分使える程度に(4)のス  
ケジューリングができて、  
さらに(5)の演算器が有  
効に活用できる状態であ  
る事が必要

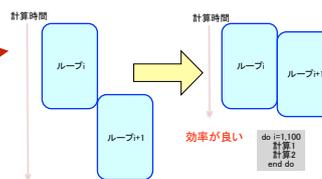
(2) ラインアクセスの有効利用



(3) キャッシュの有効利用



(4) 効率の良い命令スケジューリング



(5) 演算器の有効利用



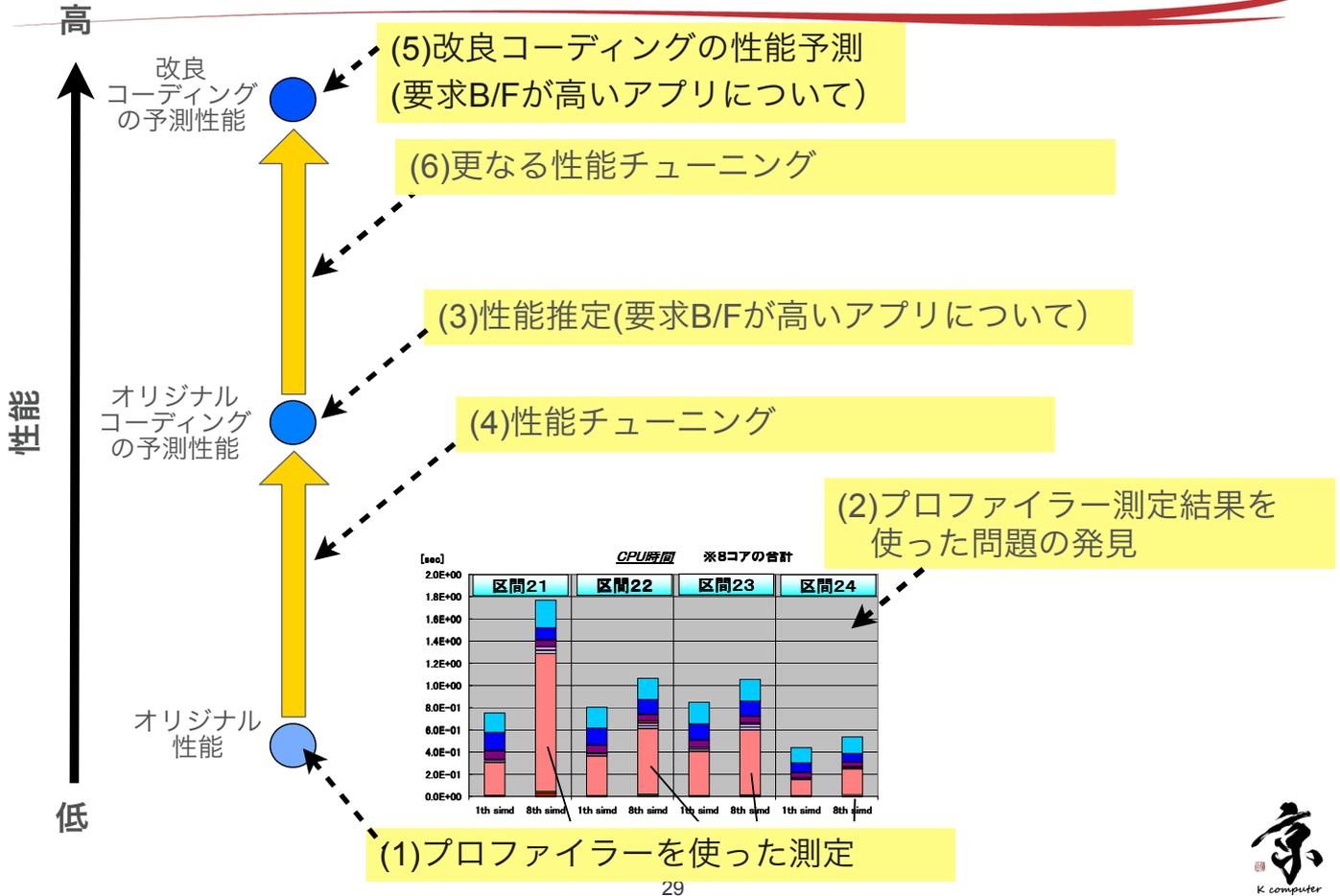
2 SIMD Multi-Add演算器×2本  
乗算と加算を4個同時に計算可能  
 $(1 + 1) \times 4 = 8$

この条件に  
近い程高効率



## 性能予測手法 (要求B/F値が大きい場合)

# CPU単体性能チューニング手順

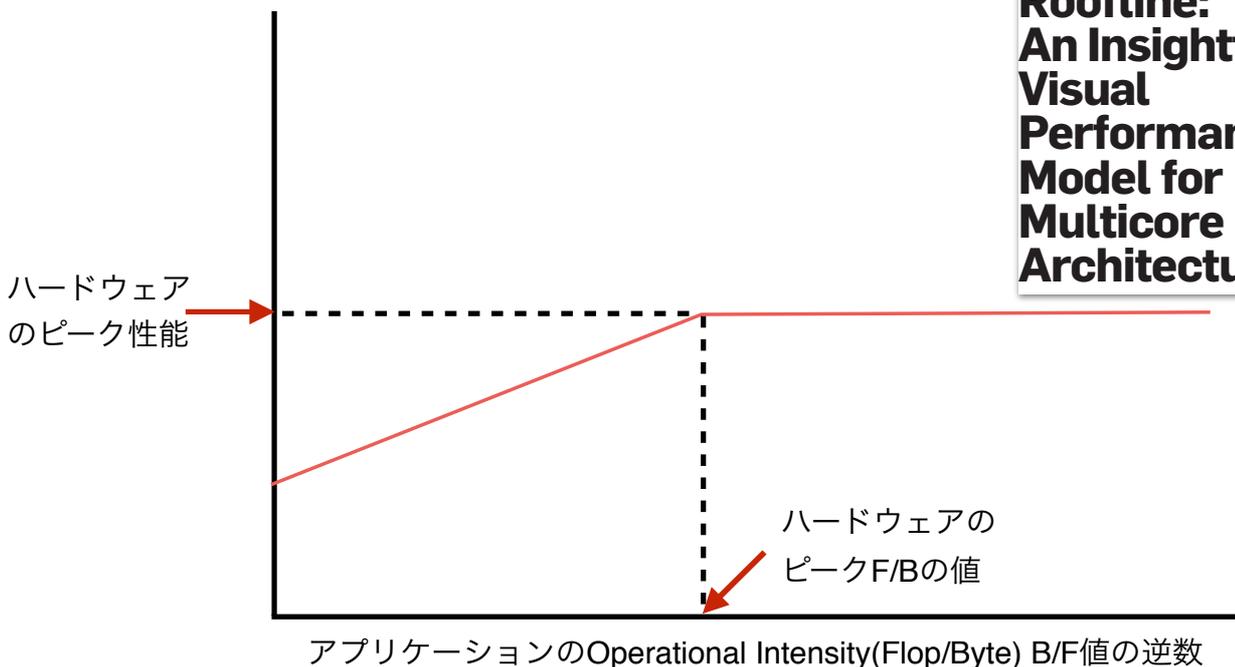


# ルーフラインモデル

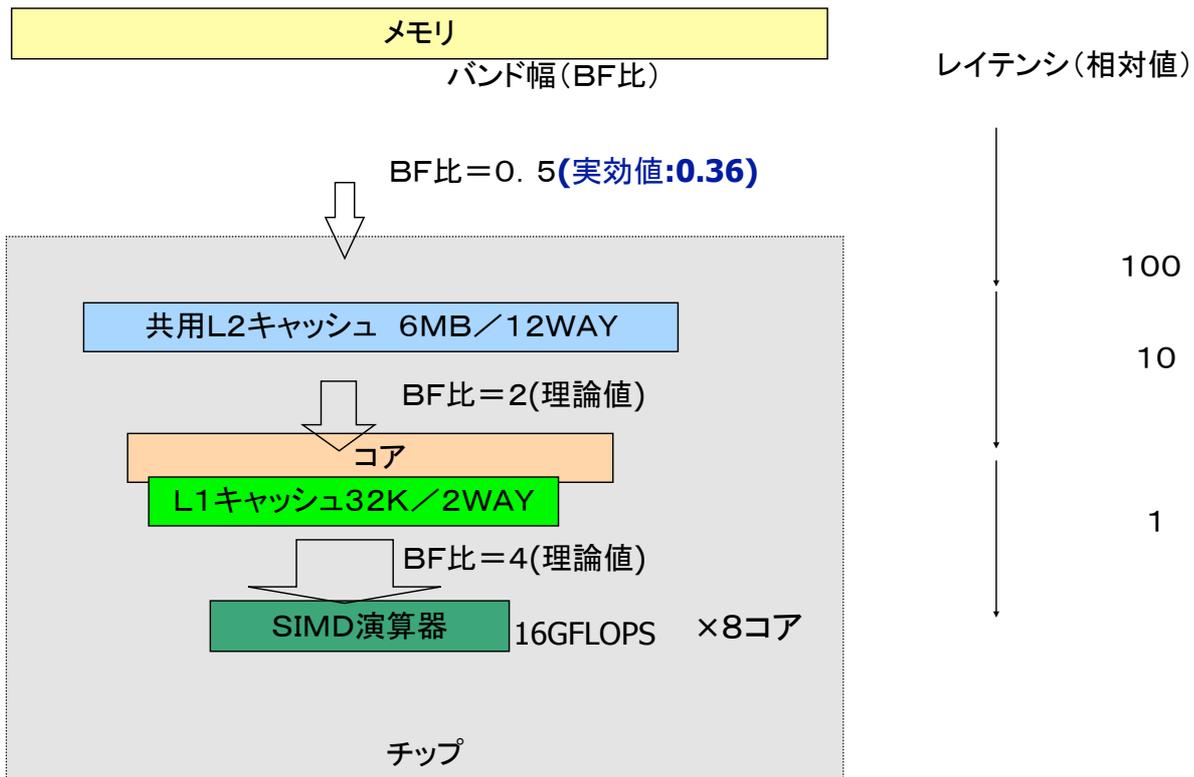
The Roofline model offers insight on how to improve the performance of software and hardware.

BY SAMUEL WILLIAMS, ANDREW WATERMAN, AND DAVID PATTERSON

**Roofline:  
An Insightful  
Visual  
Performance  
Model for  
Multicore  
Architectures**



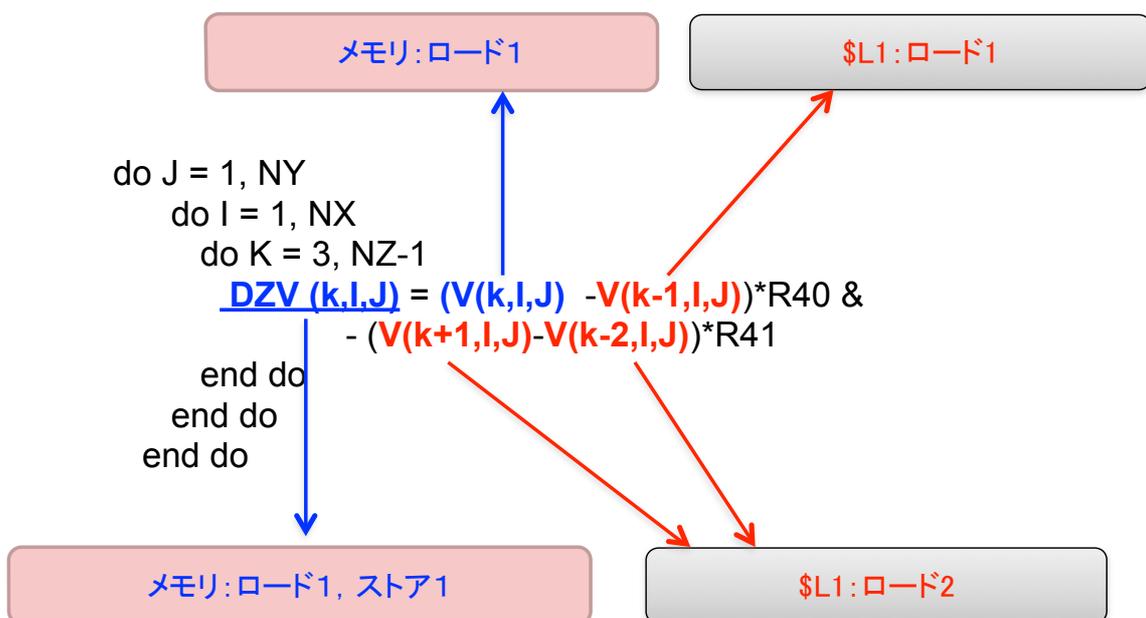
# ベースとなる性能値



31



## メモリとキャッシュアクセス (1)



32

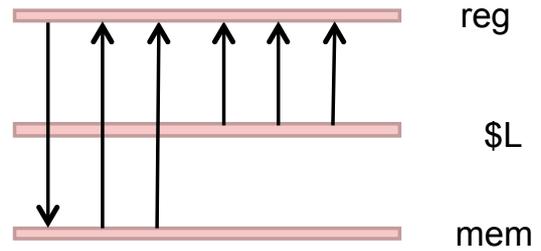


# メモリとキャッシュアクセス (2)

```

do J = 1, NY
  do I = 1, NX
    do K = 3, NZ-1
      DZV (k,I,J) = (V(k,I,J) -V(k-1,I,J))*R40 &
        - (V(k+1,I,J)-V(k-2,I,J))*R41
    end do
  end do
end do

```



	Store	Load	バンド幅比 (\$L1)	データ移動時間の比(L1)	バンド幅比 (\$L2)	データ移動時間の比(L2)
\$L	1	5	11.1 (8*64G/s)	0.5= 6/11.1	5.6 (256G/s)	1.1=6/5.6
M	1	2	1(46G/s)	3=3/1	1 (46G/s)	3=3/1

データ移動時間の比を見るとメモリで律速される  
→ メモリアクセス変数のみで考慮すれば良い。

33



## 性能見積り

```

do J = 1, NY
  do I = 1, NX
    do K = 3, NZ-1
      DZV (k,I,J) = (V(k,I,J) -V(k-1,I,J))*R40 &
        - (V(k+1,I,J)-V(k-2,I,J))*R41
    end do
  end do
end do

```

- 最内軸(K軸)が差分
- 1ストリームでその他の3配列は\$L1に載っており再利用できる。

### 要求Byteの算出:

1store,2loadと考える

4x3 = 12byte

### 要求flop:

add : 3 mult : 2 = 5

要求B/F	12/5 = 2.4
性能予測	0.36/2.4 = 0.15
実測値	0.153

34



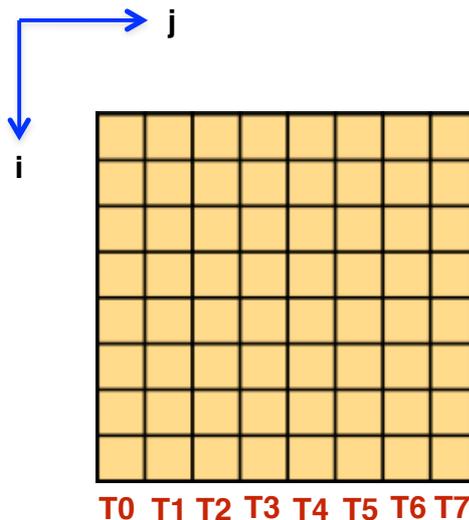
# 具体的テクニック

(以降のハードウェア・コンパイラについての話題は京を前提とした話です)

35



## スレッド並列化



Ti : スレッドiの計算担当

jループをブロック分割

```
do j=1,n
do i=1,n
   $x(i,j) = a(i,j) * b(i,j) + c(i,j)$ 
```

36



# CG法前処理のスレッド並列化

- 以下は前処理に不完全コレスキー分解を用いたCG法のアルゴリズムである。
- 前処理には色々な方法を使うことが出来る。
- 例えば前回説明したガウス・ザイデル法等である。
- CG法の本体である行列ベクトル積・内積・ベクトルの和等の処理は簡単に前頁のブロック分割されたスレッド並列化を烏澁なことが出来る。
- しかしガウス・ザイデル前処理は前回講義のようにリカレンスがある。

ステップ1:  $\alpha^k = (r_i^k \bullet \underline{(LL^T)^{-1} r_i^k}) / (Ap_i^k \bullet p_i^k)$

ステップ2:  $x_i^{k+1} = x_i^k + \alpha^k p_i^k$

ステップ3:  $r_i^{k+1} = r_i^k - \alpha^k Ap_i^k$

ステップ4:  $\beta^k = (r_i^{k+1} \bullet \underline{(LL^T)^{-1} r_i^{k+1}}) / (r_i^k \bullet \underline{(LL^T)^{-1} r_i^k})$

ステップ5:  $p_i^{k+1} = \underline{(LL^T)^{-1} r_i^{k+1}} + \beta^k p_i^k$

37



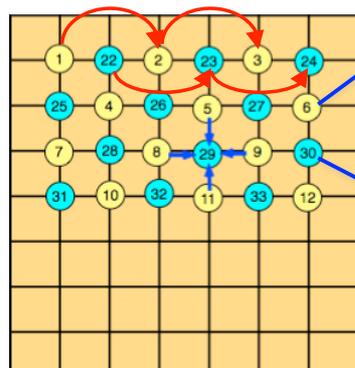
# CG法前処理のスレッド並列化

- リカレンスがあると、前回講義のように依存関係があり並列処理ができない。
- つまりこのままではスレッド並列化もできない。



- そこで例えばRED-BLACKスイープに書換えリカレンスを除去しそれぞれのループをブロック分割によるスレッド並列化を行う。

RED-BLACKスイープ



黄色ループをブロック分割

do j=1,n

青色ループをブロック分割

do j=1,n

38



# ロード・ストアの効率化

## 演算とロード・ストア比の改善 <内側ループアンローリング>

- 以下の様な2つのコーディングを比較する。

```
do j=1,m
do i=1,n
  x(i)=x(i)+a(i)*b+a(i+1)*d
end do
```

```
do j=1,m do i=1,n,2
  x(i)=x(i)+a(i)*b+a(i+1)*d
  x(i+1)=x(i+1)+a(i+1)*b+a(i+2)*d
end do
```

- 最初のコーディングの演算量は4,ロード/ストア回数は4である。2つ目のコーディングの演算量は8,ロード/ストア回数は7である。
- 最初のコーディングの演算とロード/ストアの比は4/4,2つ目のコーディングの演算とロード/ストアの比は8/7となり良くなる。

39



# ロード・ストアの効率化

## 演算とロード・ストア比の改善

<外側ループストリップ・マイニング>

- ij型のコーディングを以下のようなものとする。

```
do i=1,n
do j=1,m
  y(i)=y(i)+a(i,j)*x(j)
```

- この場合a(i,j)、x(j)の2個をロードして2個の演算を実施する。y(i)はレジスタ上に保持しておけばよい。
- したがって演算とロード/ストアの比は1/1である。
- ji型のコーディングを以下のようなものとする。

```
do j=1,n
do i=1,m
  y(i)=y(i)+a(i,j)*x(j)
```

- この場合a(i,j)、y(j)の2個をロードし、さらにy(j)をストアし2個の演算を実施する。
- したがって演算とロード/ストアの比は2/3である。

40



# ロード・ストアの効率化

## 演算とロード・ストア比の改善

- 以下のようなコーディングを外側ループストリップ・マイニングという。

```
do is=1,m,10
  do j=1,n
    do i=is,min(is+9,m)
      y(i)=y(i)+a(i,j)*x(j)
```

- このコーディングの最内ループをアンローリングする。

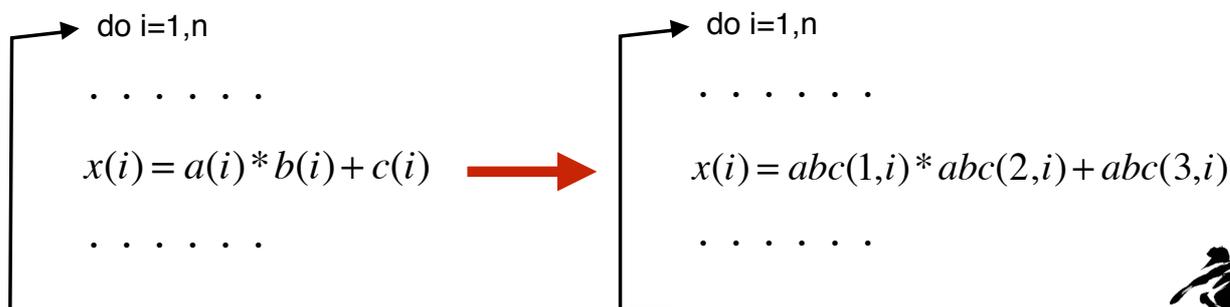
```
do is=1,m,10
  do j=1,n
    y(is)=y(is)+a(is,j)*x(j)
    y(is+1)=y(is+1)+a(is+1,j)*x(j)
    . . . . .
    y(is+9)=y(is+9)+a(is+9,j)*x(j)
```

- この場合  $a(is,j) \cdot \cdot \cdot a(is+9,j)$  の10個と  $x(j)$  の1個をロードするのみですむ。 $y(is) \cdot \cdot \cdot y(is+9)$  はレジスタ上に保持しておけばよい。この間20個の演算を実行する。
- したがって演算とロード/ストアの比は20/11である。

# ロード・ストアの効率化

## プリフェッチの有効利用

- プリフェッチにはハードウェアプリフェッチとソフトウェアプリフェッチがある。
- ハードウェアプリフェッチは連続なキャッシュラインのアクセスとなる配列について自動的に機能する。
- ソフトウェアプリフェッチはコンパイラが必要であれば自動的に命令を挿入する。
- ユーザーがコンパイラオプションやディレクティブで挿入する事もできる。
- **ハードウェアプリフェッチ**はループ内の配列アクセス数が一定の数を超えると効かなくなる。
- その場合はアクセスする配列を統合する**配列マージ**で良い効果が得られる場合がある。



# ロード・ストアの効率化

## プリフェッチの有効利用

- ユーザーがコンパイラオプションやディレクティブで挿入する事もできる。
- 以下ディレクティブによるソフトウェアプリフェッチ生成の例。

改善後ソース(最適化制御行チューニング)	
51	<pre> <b>!ocl prefetch</b> &lt;&lt;&lt; Loop-information Start &gt;&gt;&gt; &lt;&lt;&lt; [PARALLELIZATION] &lt;&lt;&lt; Standard iteration count: 616 &lt;&lt;&lt; [OPTIMIZATION] &lt;&lt;&lt; SIMD &lt;&lt;&lt; SOFTWARE PIPELINING &lt;&lt;&lt; <b>PREFETCH :32</b> &lt;&lt;&lt; <b>c: 16, b: 16</b> &lt;&lt;&lt; Loop-information                     </pre>
52	1 pp 2v do i = 1, n
53	1 p 2v a(i) = b(d(i)) + scalar * c(e(i))
54	1 p 2v enddo

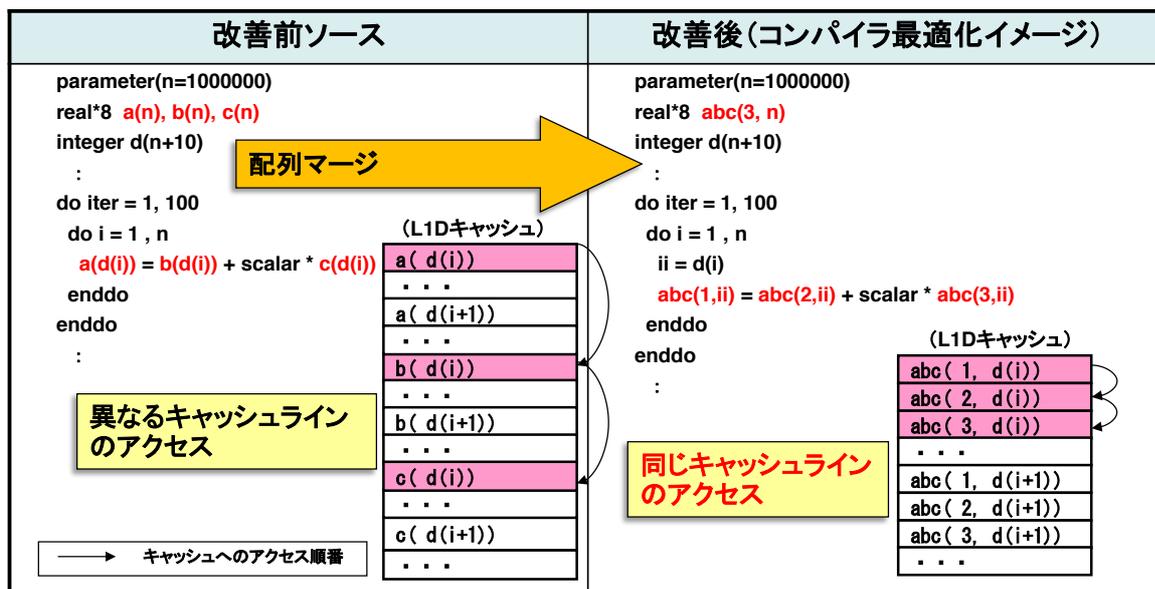
インダイレクトアクセス(配列 b, c)に対するプリフェッチが生成された

RIKEN AICSチューニングチュートリアルより



## ラインアクセスの有効利用

- リストアccessでx,y,z,u,v,wの座標をアクセスするような場合配列マージによりキャッシュラインのアクセス効率を高められる場合がある。

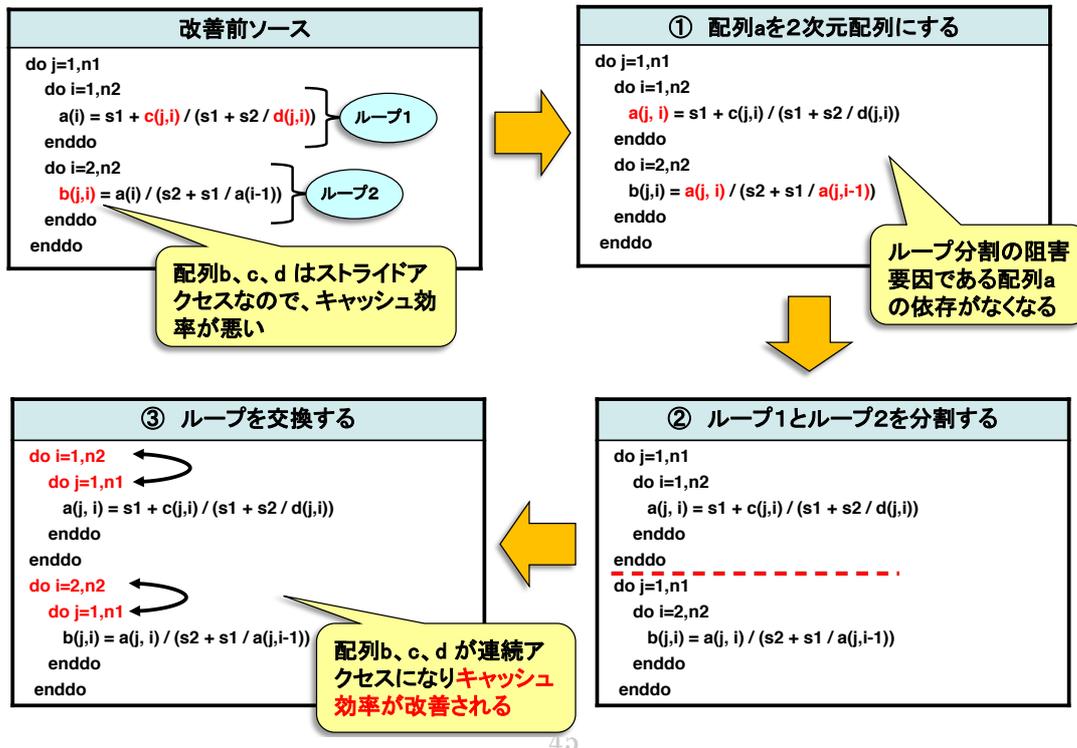


RIKEN AICSチューニングチュートリアルより



# ラインアクセスの有効利用

- ストライドアクセス配列を連続アクセス化することによりラインアクセスの有効利用を図る。

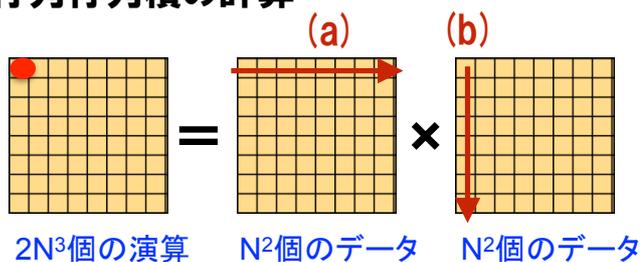


45



# キャッシュの有効利用

## 行列行列積の計算

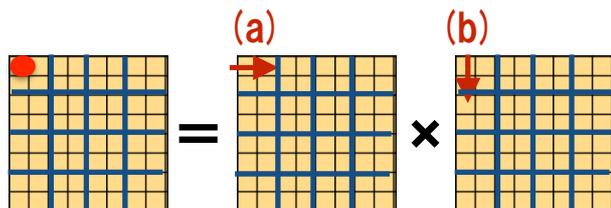


## ブロッキング

$$\begin{aligned} \text{B/F値} &= \text{移動量(Byte)} / \text{演算量(Flop)} \\ &= 2N^2 / 2N^3 \\ &= 1/N \end{aligned}$$

原理的にはNが大きい程小さな値

- 現実のアプリケーションではNがある程度の大きさになるとメモリ配置的には (a) はキャッシュに乗っても (b) は乗らない事となる



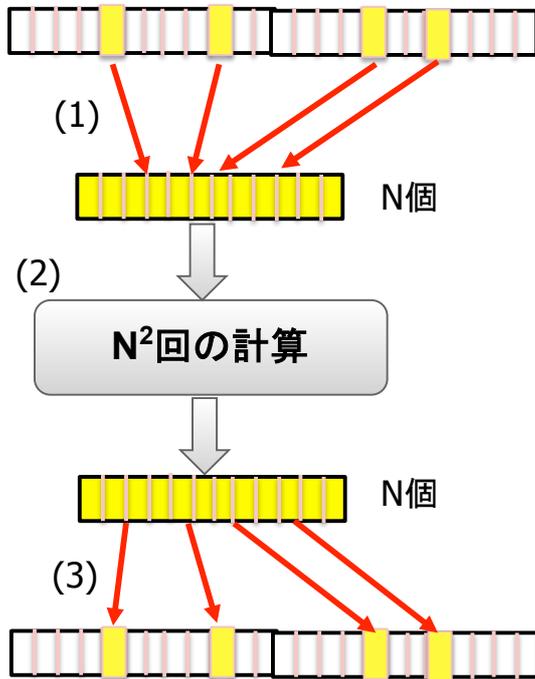
- そこで行列を小行列にブロック分割し (a) も (b) もキャッシュに乗るようにしてキャッシュ上のデータだけで計算するようにして性能向上を実現する。

46



# キャッシュの有効利用

## ブロッキング



- 不連続データの並び替えによるブロッキング
- (1) N個の不連続データをブロッキングしながら連続領域にコピー
- (2) N個のデータを使用して $N^2$ 回の計算を実施
- (3) N個の計算結果を不連続領域にコピー
- 一般的に(1)(3)のコピーはNのオーダーの処理であるため $N^2$ オーダーの計算時間に比べ処理時間は小さい。

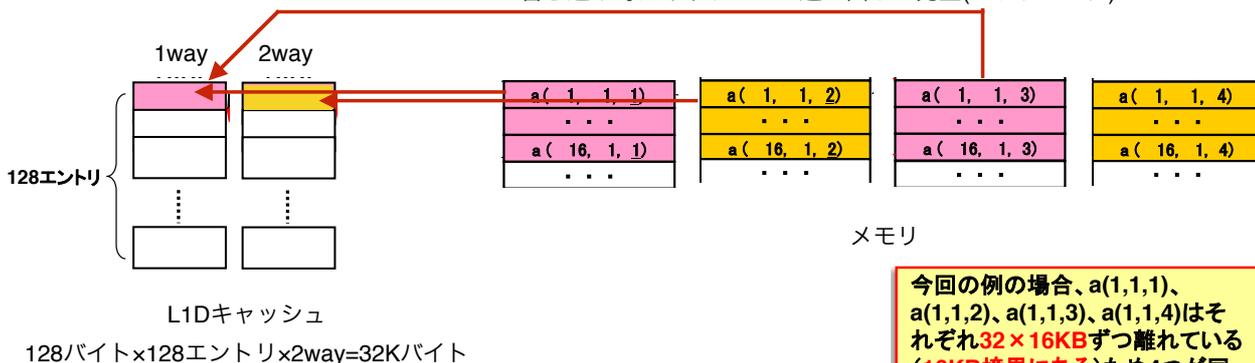
47



# キャッシュの有効利用

## スラッシング

書き込み時にキャッシュの追い出しが発生(スラッシング)



L1Dキャッシュ

128バイト×128エントリ×2way=32Kバイト

メモリ

今回の例の場合、 $a(1,1,1)$ 、 $a(1,1,2)$ 、 $a(1,1,3)$ 、 $a(1,1,4)$ はそれぞれ $32 \times 16\text{KB}$ ずつ離れている(16KB境界にある)ため4つが同じインデックスに割り当てられる。そのため1つ目、2つ目のデータが3つ目、4つ目のデータに上書きされる。

```

ソース例
subroutine sub(a, n, m) ※n=256, m=256
real*8 a(n, m, 4)
do j = 1, m
do i = 1, n
a(i, j, 4) = a(i, j, 1) + a(i, j, 2) + a(i, j, 3)
enddo
enddo
End
    
```

48







